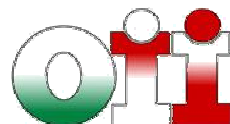




International Olympiad in Informatics



Olimpiadi Italiane di Informatica

OLIMPIADI DI INFORMATICA 2016-2017
SELEZIONE SCOLASTICA – 17 novembre 2016

SVOLGIMENTO
prof. Claudio Maccherani

TABELLE DI CORREZIONE

Esercizi a carattere logico-matematico:

Esercizio	Punti	Risposta
1	1	<input type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input checked="" type="checkbox"/> d
2	1	<input type="checkbox"/> a <input checked="" type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input type="checkbox"/> d
3	2	X = 2 Y = 3 Z = 356
4	2	<input checked="" type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input type="checkbox"/> d
5	3	B = 1 P = 0 S = 6

Esercizi di programmazione:

Esercizio	Punti	Risposta
6	1	<input type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input checked="" type="checkbox"/> d
7	2	<input checked="" type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input type="checkbox"/> d
8	2	<input type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input checked="" type="checkbox"/> d
9	2	V = 7
10	2	I = 2
11	3	n1 = 3, n2 = 1, n3 = 2, n4 = -1, n5 = 3, n6 = -4, n7 = 7,
12	3	N = 1024

Esercizi a carattere algoritmico:

Esercizio	Punti	Risposta
13	1	<input checked="" type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input type="checkbox"/> d
14	1	<input type="checkbox"/> a <input checked="" type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input type="checkbox"/> d
15	2	C = 243
16	2	<input checked="" type="checkbox"/> a <input type="checkbox"/> b <input type="checkbox"/> c <input type="checkbox"/> d
17	2	S = 26
18	2	[9] = "}" , [14] = "avanti 3"
19	3	MIN = 3
20	3	P = 229



AICA

Associazione Italiana per l'Informatica
ed il Calcolo Automatico



Ministero dell'Istruzione
dell'Università e della Ricerca

ESERCIZI A CARATTERE LOGICO-MATEMATICO

Esercizio N° 1 – La risposta esatta vale **1 punto**.

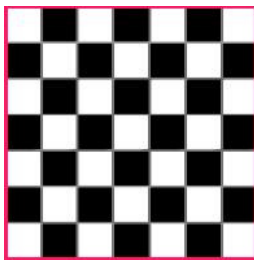
Enrico è più alto di Biagio, Enrico è più basso di Andrea, Chiara è più bassa di Biagio ma più alta di Donato. Chi è la persona che occupa il posto intermedio in altezza?

- a) Donato
- b) Andrea
- c) Chiara
- d) Biagio

Il più alto è Andrea, poi Enrico, poi Biagio, poi Chiara e infine Donato, il più basso. La persona con altezza intermedia è Biagio (risposta D)

Esercizio N° 2 – La risposta esatta vale **1 punto**.

Si consideri la seguente scacchiera 7x7, con più caselle bianche che nere. Qual è il massimo numero di scacchiere 3x3, sempre con più caselle bianche che nere, contenute nella scacchiera 7x7?



- a) 15
- b) 13
- c) 16
- d) 9

Ci sono tre scacchiere 3x3 con più caselle bianche nella parte superiore, 3 nella parte intermedia e 3 nella parte inferiore della scacchiera. Poi ci sono 4 scacchiere 3x3 con più caselle bianche nella parte centrale della scacchiera, per un totale di 13 scacchiere 3x3.

Esercizio N° 3 – La risposta esatta vale **2 punti**.

La successione di Fibonacci, i cui primi numeri sono 1, 1, 2, 5, 8, 13, ... si ottiene in base alla seguente definizione ricorsiva:

$$\begin{aligned} \text{Fib}(1) &= 1 \\ \text{Fib}(2) &= 1 \\ \text{Fib}(n) &= \text{Fib}(n-2) + \text{Fib}(n-1) \quad \text{per } n > 2 \end{aligned}$$

Si consideri invece la successione 1, 2, 8, 28, 100, Z, ... ottenuta in base alla seguente definizione ricorsiva:

$$\begin{aligned} \text{Gib}(1) &= 1 \\ \text{Gib}(2) &= 2 \\ \text{Gib}(n) &= X \times \text{Gib}(n-2) + Y \times \text{Gib}(n-1) \quad \text{per } n > 2 \end{aligned}$$

Quanto valgono X, Y e Z? **X = 2** **Y = 3** **Z = 356** (...)

Per n=3 Gib 8 (e si ha: $X \times 1 + Y \times 2 = 8$), per n=4 Gib vale 28 (e si ha: $X \times 2 + Y \times 8 = 28$)

Risolvendo il sistema si ricava X = 2 e Y = 3.

A questo punto, per avere Z si calcola Gib per n=6: $2 \times 28 + 3 \times 100 = 356$ (e si ricava Z = 256)

Esercizio N° 4 – La risposta esatta vale **2 punti**.

Nel Kansas Dorothy Gale, che sta cercando di mettere in salvo il suo cagnolino Totò, è scappata dalla casa degli zii in cerca di un nuovo posto dove vivere. Durante il tragitto, la ragazza incontra il professor Meraviglia, che si dice un mago che può vedere il futuro. Dorothy, però, non si fida facilmente e vuole una prova prima di fidarsi di lui, ma Meraviglia non aspetta altro ed esordisce dicendole così:

“Cari Dorothy e Totò, se volete stare insieme ascolterete ciò che dirò.

Ininfluente

Zio Henry e zia Emma sono in pensiero per voi tornate a casa senza flemma.

Ininfluente

Io il futuro vi dirò, per Morgana! la verità ho in una mano, nell'altra una banana.

Ininfluente

Dorothy, fai volar la fantasia scegli un numero e senza indugio ti mostrerò la mia magia.

N

Sommaci 3 e per 12 moltiplica, pensaci un po' e vedrai che sommar 16 non è proprio una fatica.

$$(N + 3) \times 12 + 16 = 12N + 52$$

Se, bambina mia, stanca ancor non sei dividi per due e con pazienza, sottrai il numero di partenza, moltiplicato per 6.

$$(12N + 52) / 2 - 6N = 6N + 20 - 6N = 20$$

Tra poco avrai la prova della mia veggenza moltiplica per 25 senza fretta e, dividendo per 2 con prudenza,

$$(20 \times 25) / 2 = 500 / 2 = \boxed{250}$$

Noterai con fare sconcertato e con indubbio stupor che **250** è il risultato."

Dorothy non concorda con il professore, ma Totò abbaia, perché sostiene che, chiamando N il numero di partenza citato dal professor Meraviglia nella sua poesia, è vera una delle seguenti quattro affermazioni relative all'espressione aritmetica descritta dal professore. Quale?

- a) *Il valore dell'espressione è 250 e Dorothy ha sbagliato i conti*
- b) *Il valore dell'espressione è proporzionale a $(N + 3) \times 12$*
- c) *Il valore dell'espressione è 250 solo per $N = -3$, ma Dorothy non ha pensato a -3*
- d) *Il valore dell'espressione è 256 indipendentemente dal valore di N*

Esercizio N° 5 – La risposta esatta vale 3 punti.

Al palazzo della strega dell'ovest, Dorothy viene imprigionata e vuole trovare un modo per scappare, perché non sa che il cagnolino Totò sta radunando una squadra di soccorso. Il mago di Oz le aveva spiegato che la strega è insofferente a un miscuglio di acqua e di erbe che si possono reperire ovunque, ma ATTENZIONE: le quantità sono importantissime e il mago era stato molto chiaro: per preparare la pozione si possono usare solo basilico, prezzemolo e salvia (che dovranno essere lasciati macerare in un secchio d'acqua per tutta la notte) in numero di foglie tale per cui valesse:

$$\begin{cases} P + B + S = 7 \\ S - 2B + 3P < 5 \\ S - 3B + 2P = 3 \end{cases}$$

dove B , P e S sono rispettivamente il numero di foglie di **B**asilico, di **P**rezzemolo e di **S**alvia.

Dorothy non può spezzare le foglie, perché ad Oz il liquido che ne esce è velenoso (il che significa che i valori B , P e S devono essere numeri interi). Quanto valgono B , P e S ?

$$B = 1$$

$$P = 0$$

$$S = 6$$

ESERCIZI DI PROGRAMMAZIONE

Esercizio N° 6 – La risposta esatta vale 1 punto.

Si consideri la seguente funzione:

<pre>int f1(int b1,int b2,int b3,int info) { if (b1/b2>b3) b3=b1*b2; if (b1/b3>b2) b2=b1*b3; if (b2/b3>b1) b1=b2*b3; if (b2/b1>b3) b3=b1*b2; if (b3/b1>b2) b2=b1*b3; if (b3/b2>b1) b1=b2*b3; if (info==1) return b1; if (info==2) return b2; if (info==3) return b3; }</pre>	<pre>function f1 (b1,b2,b3,info:integer):integer; begin if (b1 div b2>b3) then b3:=b1*b2; if (b1 div b3>b2) then b2:=b1*b3; if (b2 div b3>b1) then b1:=b2*b3; if (b2 div b1>b3) then b3:=b1*b2; if (b3 div b1>b2) then b2:=b1*b3; if (b3 div b2>b1) then b1:=b2*b3; if (info=1) then f1:=b1; if (info=2) then f1:=b2; if (info=3) then f1:=b3; end;</pre>
--	---

Cosa restituisce la funzione se chiamata sulla quaterna (4, 2, 0, 1) e sulla quaterna (4, 2, 0, 2)?

- | | | |
|--|--|--|
| <p>a) <i>rispettivamente 16 e 32</i></p> <p>b) <i>rispettivamente 4 e 32</i></p> <p>c) <i>errore, a causa di una divisione per 0</i></p> <p>d) <i>rispettivamente 4 e 2</i></p> | <p>(b1=4,b2=2,b3=0,info=1)</p> <p>b1/b2>b3 → b3=b1*b2 [b3=8]</p> <p>b1/b3>b2 [no]</p> <p>b2/b3>b1 [no]</p> <p>b2/b1>b3 [no]</p> <p>b3/b1>b2 [no]</p> <p>b3/b2>b1 [no]</p> <p>info= 1 → b1 [b1=4]</p> | <p>(b1=4,b2=2,b3=0,info=2)</p> <p>b1/b2>b3 → b3=b1*b2 [b3=8]</p> <p>b1/b3>b2 [no]</p> <p>b2/b3>b1 [no]</p> <p>b2/b1>b3 [no]</p> <p>b3/b1>b2 [no]</p> <p>b3/b2>b1 [no]</p> <p>info= 2 → b2 [b2=2]</p> |
|--|--|--|

Esercizio N° 7 – La risposta esatta vale 2

punti. È dato il seguente programma:

<pre>#include <stdio.h> #include <math.h> int main() { int a,b,c,delta; float x1,x2; a=2; b=1; c=-1; delta=b*b-4*a*c; x1=(-b-sqrt(delta))/2; x2=(-b+sqrt(delta))/2; if (a*x1*x1+b*x1+c==0) printf("La sol.1 e` corretta, "); Else printf("La sol.1 e` sbagliata, "); if (a*x2*x2+b*x2+c==0) printf("la sol.2 e` corretta.\n"); Else printf("la sol.2 e` sbagliata.\n"); return 0; }</pre>	<pre>program E7 (input,output); Var a,b,c,delta: integer; x1,x2: real; Begin a:=2; b:=1; c:=-2; delta:=b*b-4*a*c; x1:=(-b-sqrt(delta))/2; x2:=(-b+sqrt(delta))/2; if a*x1*x1+b*x1+c=0 then Write('La sol.1 e` corretta, ') Else Write('La sol.1 e` sbagliata, '); if a*x2*x2+b*x2+c=0 then writeln('la sol.2 e` corretta.') Else writeln('la sol.2 e` sbagliata.') end.</pre>
---	---

Cosa viene visualizzato a video dall'esecuzione di main()?

- a) **La sol.1 e` sbagliata, la sol.2 e` sbagliata.**
- b) *La sol.1 e` corretta, la sol.2 e` sbagliata.*
- c) *La sol.1 e` sbagliata, la sol.2 e` corretta.*
- d) *La sol.1 e` corretta, la sol.2 e` corretta.*

Risolvendo l'equazione $2X^2 + X - 1 = 0$ si ha $X1=2$ e $X2=-2$
 Sostituendo, la " $a*x1*x1+b*x1+c$ " diviene
 $2*2*2+1*2-1 = 9$ (e non 0)
 e la " $a*x2*x2+b*x2+c$ " diviene
 $2*-2*-2+-2-1 = 5$ (e non 0)
 Quindi SOL 1 errata e SOL 2 errata (a)

Esercizio N°8 – La risposta esatta vale 2 punti.

Si consideri la seguente funzione:

<pre>int mistero (int x) { int j=2, i, m=x; int v[100]; for (i=0;i<=x+1;i++) v[i]=1; while (j*j<=x) { for (i=1;i<=x+1;i++) { if (j*i<=x+1) v[j*i]=0; } j++; } while (v[m]==0) m--; return m; }</pre>	<pre>function mistero(x:integer):integer; Var j,i,m,s:integer; v: array[0..100] of integer; Begin m:=x; j:=2; for i:=0 to x+1 do v[i]:=1; while j*j<=x do begin for i:=1 to x+1 do if j*i<=x+1 then v[j*i]:=0; j:=j+1; end; while v[m]=0 do m:=m-1; Mistero:=m end;</pre>
--	---

Cosa restituisce la funzione se viene chiamata passandole il valore x uguale a 30?

- a) 19
b) 27
c) la funzione non termina
d) 29
- Il primo ciclo FOR mette a 1 tutti gli elementi da 0 a 31; il successivo ciclo WHILE itera per J da 2 a 5 (a J=6 esce) e il FOR interno mette a 0 alcuni gli elementi:**
- per J=2 si azzerano gli elementi di posto multiplo di 2 (2,4,6,8,...,26,28,30)
- per J=3 si azzerano gli elementi di posto multiplo di 3 (3,6,9,12,...,24,27,30)
- per J=4 si azzerano gli elementi di posto multiplo di 4 (4,8,12,16,...,20,24,28)
- per J=5 si azzerano gli elementi di posto multiplo di 5 (5,10,15,20,25,30)
L'ultimo ciclo WHILE parte da 30 e si ferma appena trova un elemento a "1"; V[29] è rimasto a "1", quindi si ferma per M=29 e la funzione restituisce 29.

Esercizio N°9 – La risposta vale 2 punti

Si consideri il seguente programma:

<pre>#include <stdio.h> int max(int a,int b){ if (a>b) return a; return b; } int f(int a,int b) { if (a==b) return b; if (a<0) return -b; return max(f(a-1,2*b),f(a-1,2*b+1)); } int main() { printf("V = %d\n",f(10,0)); return 0; }</pre>	<pre>program E9 (input,output); var i,j:integer; function max (a,b:integer):integer; Begin if (a>b) then max:=a Else max:=b end; function f(a,b:integer):integer; Begin if (a=b) then f:=b Else if (a<0) then f:=-b Else f:=max(f(a-1,2*b),f(a-1,2*b+1)) end; Begin Writeln('V = ',f(10,0)) end. end.</pre>
---	---

Qual è il numero intero V stampato a video dal programma?

V = 7

**F(10,0) → Max(F(9,0),F(9,1)) → Max(F(8,0),F(8,3)) → Max(F(7,0),F(7,7)) →
→ A=7, B=7, A==B, return B (B vale 7), visualizza "V = 7"**

Esercizio N° 10 – La risposta vale 2 punti

Si consideri il seguente programma:

<pre>#include <stdio.h> int F(int a,int b) { if (a==b) return b; else if (a > b) return F(a-b,b); else return F(b,b-a); } int main() { printf("I = %d\n",F(38,24)); return 0; }</pre>	<pre>program E10 (input,output); function F (a,b:integer):integer; Begin if (a=b) then F:=b Else if (a>b) then F:= F(a-b,b) Else F:=F(b,b-a) end; Begin writeln('I = ',F(38,24)) end.</pre>
--	--

Qual è il numero intero I stampato a video il programma?

I = 2

F(38,24) → F(14,24) → F(24,10) → F(14,10) → F(4,10) → F(10,6) → F(4,6) → F(6,2) → F(4,2) → F(2,2) → A=2, B=2, A==B, return B (B vale 2), visualizza "I = 2"

Esercizio N° 11 – La risposta vale 3 punti

Si consideri la seguente funzione:

<pre>#include <stdio.h> int f[7]; int i; int main(){ f[0]=3; f[1]=1; for (i=0;i<5;i++) f[i+2]=f[i]+f[i+1]; for (i=6;i>3;i--) f[i]=f[i-2]-f[i-1]; for (i=0;i<5;i++) f[i+2]=f[i]-f[i+1]; for (i=0;i<7;i++) printf("n%d = %d, ",i+1,f[i]); return 0; }</pre>	<pre>program E11 (input,output); var f: array[1..7] of integer; i:integer; Begin f[1]:=3; f[2]:=1; for i:=1 to 5 do f[i+2]:=f[i]+f[i+1]; for i:=7 downto 5 do f[i]:=f[i-2]-f[i-1]; for i:=1 to 5 do f[i+2]:=f[i]-f[i+1]; for i:=1 to 7 do Write('n',i,' = ',f[i],', ') end.</pre>
---	--

Quali sono i sette numeri interi stampati a video dal programma?

n1 = 3, n2 = 1, n3 = 2, n4 = -1, n5 = 3, n6 = -4, n7 = 7

	inizio	FOR(i da 0 a 4,++)	FOR(i da 6 a 4,--)	FOR(i da 0 a 4,++)	F
0	3				3
1	1				1
2		4		2	2
3		5		-1	-1
4		9	-1	3	3
5		14	-4	-4	-4
6		23	-5	7	7

L'ultimo ciclo FOR visualizza semplicemente gli elementi del vettore F

Esercizio N° 12 – La risposta vale 3 punti

È dato il seguente programma:

<pre>#include <stdio.h> #include <math.h> int main() { int mat[100][100][100]; int i,j,k,count=0,a=2; for(i=0;i<100;i++) { for(j=0; j<100; j++) { For(k=0; k<100; k++) { if ((i<45) (i>54)) mat[i][j][k]=0; else { count=i-45+1; mat[i][j][k]=pow(a,count); } } } } printf("N = %d",mat[54][99][99]); return 0; }</pre>	<pre>program El2 (input,output); var mat:array[1..100,1..100,1..100] of Integer; var i,j,k,count,a:integer; Begin count:=0; a:=2; for i:=1 to 100 do begin for j:=1 to 100 do begin For k:=1 to 100 do begin if ((i<45) or (i>54))then mat[i][j][k]:=0 else begin count:=i-45+1; mat[i][j][k]:=a**count; end; end; end; end; Writeln('N = ',mat[54][100][100]); end.</pre>
---	--

Si tenga presente che la notazione C:

`Pow(x,y)`

e la corrispondente notazione Pascal:

`x**y`

calcolano il risultato dell'elevamento a potenza: x^y

Il programma termina stampando a video un numero intero N. Qual è il valore di N?

N = 1024

MAT è un array a 3 dimensioni 100x100x100; **COUNT** viene inizializzato a 0 e **A** a 2
Gli elementi di riga < 45 o riga > 54 vengono azzerati, mentre gli altri
inizializzati con: `count=i-45+1; mat[i][j][k]=pow(a,count);`

Per **MAT[54][99][99]** i vale 54, quindi l'elemento è calcolato come segue:

`COUNT = 54 - 45 + 1;`

`MAT[54][99][99]=pow(2,10);`

2 elevato a 10 fa 1024, quindi l'elemento vale 1024 e si ha "N = 1024"

ESERCIZI A CARATTERE ALGORITMICO

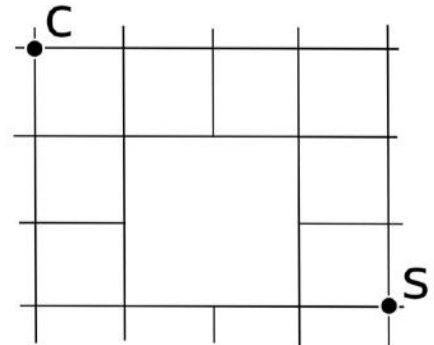
Esercizio N° 13 – La risposta esatta vale **1 punto**.

Un puzzle è composto di 200 pezzi. Una “sezione” del puzzle è, per definizione, un singolo pezzo isolato oppure un insieme di più pezzi connessi. Una “mossa” consiste nel connettere due sezioni. Quale è il numero minimo di mosse necessario per completare il puzzle partendo dal sacchetto di pezzi singoli?

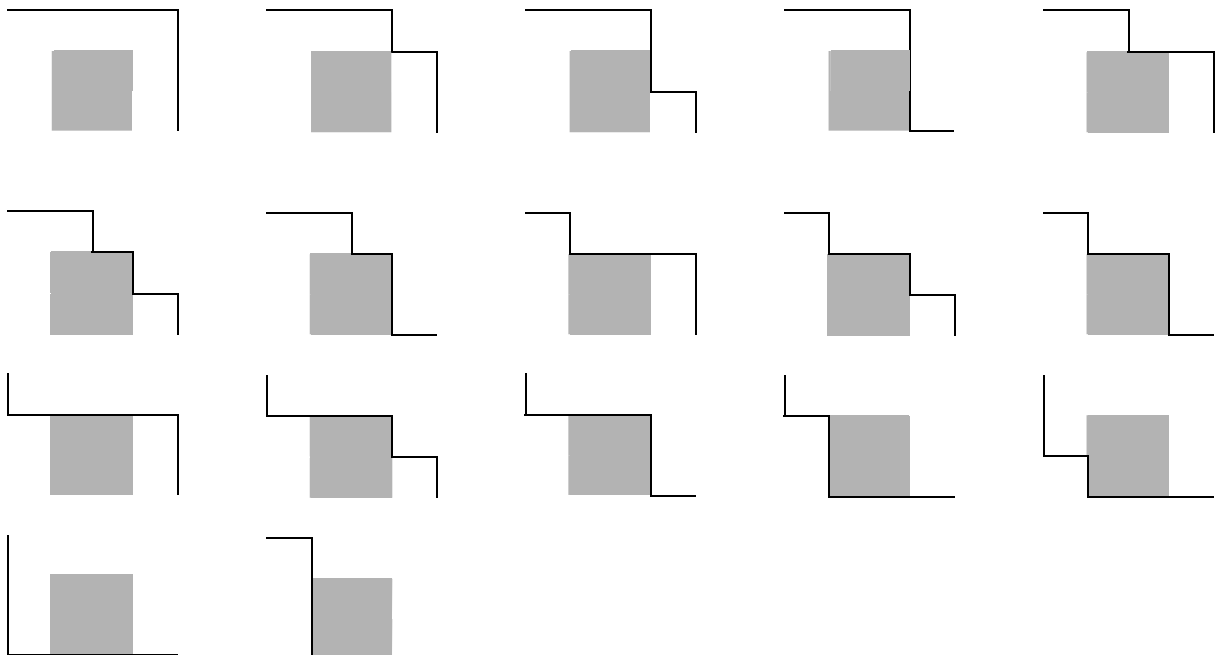
- a) 199 La sezione minima di un puzzle è un pezzo. Per unire N pezzi di un puzzle il numero minimo di mosse è $N-1$ (ad esempio: $N=2$, mosse=1;
- b) 100 $N=3$, mosse=2; $N=4$, mosse=3, etc.).
- c) 200 Se $N = 200$ il numero minimo di mosse $N-1$ è 199
- d) 99

Esercizio N° 14 – La risposta esatta vale **1 punto**.

William abita molto vicino alla sua scuola. Nella figura a fianco, la casa di William è indicata con C e la sua scuola con S. Il cammino minimo tra la casa e la scuola consiste in sette tratti, per esempio percorrendo il bordo esterno e poi scendendo fino alla scuola. Ci sono tanti cammini minimi (sono quelli ottenibili andando, a ogni mossa, a destra oppure in basso). Quanti sono?



- a) 19
- b) 17
- c) 15
- d) 18



Esercizio N° 15 – La risposta esatta vale **2 punti**.

Avete un insieme di numeri di cui volete calcolare la somma totale. Potete sommare due numeri alla volta, inserendo il risultato nell'insieme di numeri, fino ad arrivare ad avere un numero solo, pari alla somma totale. Il costo di una somma è pari al valore della somma stessa. Ad esempio, se volete sommare i numeri 2,3 e 7, possiamo ad esempio sommare 2 e 3, con costo 5, e poi sommare 5 e 7, con costo 12. Il costo totale è quindi $5+12=17$. In alternativa, sommando prima 3 e 7 (costo 10) e poi 2 e 10 (costo 12), il costo totale per arrivare alla somma è $10+12=22$.

Se i numeri da sommare sono i seguenti: 2, 5, 6, 8, 10, 12, 20, 27

qual è il costo minimo C per sommarli tutti tra di loro?

C = 243

Esercizio N° 16 – La risposta esatta vale **2 punti**.

Per descrivere un algoritmo, possiamo utilizzare uno pseudo-linguaggio di programmazione, dove il simbolo \leftarrow rappresenta l'istruzione che impone di "assegnare al nome simbolico che lo precede il valore calcolato dall'espressione che lo segue" (per esempio: $i \leftarrow i + 1$ significa "incrementa di 1 il valore associato al nome simbolico i e associa a i il valore incrementato". Se a i era associato il valore 5, dopo l'esecuzione dell'istruzione a i sarà associato il valore 6).

Z Si consideri il seguente algoritmo

```

a ← 0
b ← 0
finché a < 10 esegui
    a ← intero letto da input
    b ← intero letto da input
    se a = b esegui a ← 0
    scrivi su video a
    scrivi su video b
}
scrivi su video a + b

```

Supponiamo che un utente scriva a video i seguenti numeri

1 1 2 2 9 9 10 10 12 13

quale di queste alternative descrive correttamente cosa fa il programma?

- a) 0 1 0 2 0 9 0 10 12 13 25
- b) 1 1 2 2 9 9 10 10 12 13
- c) 0 1 0 2 0 9 0 10 12 13
- d) 0 1 0 2 0 9 0 10 10

A	B	a video
1	1	0 1
0		
2	2	0 2
0		
9	9	0 9
0		
10	10	0 10
0		
12	13	12 13
A + B		25

Esercizio N° 17 – La risposta esatta vale **2 punti**.

Sia data una tabella come in figura

	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	C8
R8	1	3	7	5	9	11	15	13
R7	0	2	4	6	8	10	12	14
R6	3	5	3	1	7	9	13	11
R5	5	3	4	7	9	0	11	17
R4	3	2	4	6	5	8	10	14
R3	19	15	7	6	8	2	4	5
R2	1	2	5	7	6	3	12	14
R1	15	16	22	15	3	7	9	8

L'obiettivo è, partendo da una casella della prima riga (R1), arrivare a una dell'ottava riga (R8), minimizzando la somma dei valori nelle caselle dalle quali si passa. Le mosse consentite sono: un passo verso l'alto in verticale, un passo verso l'alto a sinistra, un passo verso l'alto a destra (per esempio, dalla casella (R2,C3) si può andare in (R3,C3), (R3,C2) oppure (R3,C4)).

Quanto vale la somma minima S di un percorso dalla prima all'ultima riga?

S = 26

$$3 (R1, C5) + 7 (R2, C4) + 7 (R3, C3) + 2 (R4, C2) + 3 (R5, C2) + 3 (R6, C1) + 0 (R7, C1) + 1 (R8, C1) = \boxed{26}$$

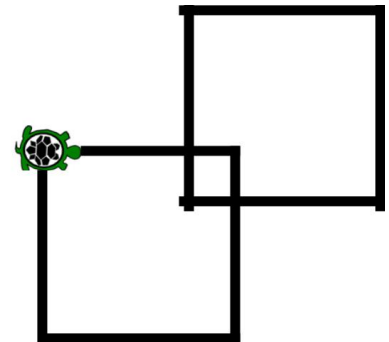
Esercizio N° 18 – La risposta esatta vale 2 punti.

La grafica della tartaruga prevede che si possano impartire degli ordini di movimento a una tartaruga, che li eseguirà lasciando sul terreno una traccia dei suoi movimenti, come se avesse una penna attaccata sulla pancia. Gli ordini possono essere impartiti tramite un semplice linguaggio, stando attenti che:

- le istruzioni `destra` e `sinistra` sono relative all'orientamento attuale della tartaruga, e il numero che segue è un angolo di rotazione (rispettivamente orario e antiorario) espresso in gradi;
- le istruzioni `pennasu` e `pennagiu` sollevano e abbassano rispettivamente la penna sotto la pancia della tartaruga: quando la penna è sollevata ovviamente non lascia tracce sul terreno;
- l'istruzione `cambialinea` cambia il tipo di linea della penna della tartaruga tra le due modalità disponibili: continua e tratteggiata;
- l'istruzione `ripeti` fa ripetere il blocco che segue, delimitato da parentesi graffe, per un numero di volte indicato a fianco dell'istruzione.

Si vogliono ottenere questi due quadrati, e inizialmente la tartaruga guarda verso destra e il tipo di linea è continuo:

Si consideri il seguente codice e lo si completi, inserendo le istruzioni mancanti alle righe [9] e [14]. I numeri di riga sono mostrati tra parentesi quadre all'inizio di ogni riga.



```
[1] pennagiu           [11] avanti 3
[2] avanti 7           [12] destra 90
[3] cambialinea        [13] cambialinea
[4] sinistra 90         [14] avanti 3
[5] avanti 7           [15] ripeti 3 {
[6] ripeti 3 {          [16] destra 90
[7]   destra 90         [17] avanti 10
[8]   avanti 10         [18] }
[9]   }                 [19] Pennasu
[10] destra 90
```

Esercizio N° 19 – La risposta esatta vale 3 punti.

Alcuni turisti hanno bisogno di guide per poter proseguire le loro escursioni in montagna.

Ogni turista ha necessità di almeno una guida, ma più turisti potrebbero formare un gruppo ed essere accompagnati da una sola guida e seguire un percorso comune deciso dalla guida.

Ci sono 6 turisti T_1, \dots, T_6 e 5 guide $G_1 \dots G_5$.

La relazione ACC (T_i, G_j) dice se il turista T_i è interessato alla gita proposta dalla guida G_j .

Siccome le guide sono molto care, i turisti decidono di capire il minimo numero MIN di guide necessario per poterli accompagnare. Aiutali in questo compito sapendo che la relazione ACC vale per le seguenti coppie:

(T_1, G_4) (T_2, G_2) (T_2, G_3) (T_3, G_1) (T_3, G_4) (T_4, G_2) (T_4, G_5) (T_5, G_4) (T_6, G_5)
MIN= 3

Guida	Turisti
G1	T3
G2	T2 + T4
G3	T2
G4	T1 + T3 + T5
G5	T4 + T6

G4 serve T1, T3 e T5, **G2** serve T2 e T4, **G5** serve T6

Per accompagnare i sei turisti servono 3 guide (G2, G4, G5)

Esercizio N° 20 – La risposta esatta vale 3 punti.

In un libro sono state impiegate 578 cifre decimali per indicare i numeri progressivi di pagina, stampati in ogni pagina del libro a parte la prima pagina che non ha numero. Per esempio, per pagina 9 è stata usata una sola cifra decimale (il '9'), mentre per pagina 23 sono state usate due cifre decimali (il '2' e il '3'). Quante sono le pagine P del libro?
P = 229

Le pagine da 1 a 9 consumano 9 cifre, quelle da 10 a 99 (90) consumano 180 cifre, quelle da 100 a 199 (100) consumano 300 cifre, per un totale di 489 cifre. Se le cifre totali sono 578, ne restano, per numerare le successive pagine, 87 (578 – 489), con 3 cifre per pagina. Quindi 87 / 3 = 29 pagine. Quindi le PAGINE totali del libro sono 1 (senza numero) + 9 + 90 + 100 + 29 = 229.